# 忆阻器的温度效应改进模型及其仿生神经突触传递\*

张蒙! 成宇! 张艺² 朱庆花! 韩芳!\*

(1.东华大学信息科学与技术学院,上海 201620)(2.东华大学材料科学与工程学院,上海 201620)

**摘要** 突触传递是温度敏感的,由于缺乏温度依赖性的突触电导分析模型,无法在神经系统建模时包括温度效应.忆阻器因其阻值连续可变和纳米尺寸的优势,被广泛认为可以模拟生物突触.本文通过改进忆阻保留值和考虑温度对离子迁移和扩散的影响,提出一种新的氧化钨忆阻器模型,此模型更加符合忆阻器的实际行为特性.首先,改进的数学模型不仅具有原模型的功能,同时可以拟合忆阻器的实际遗忘规律.另外,将此忆阻器作为生物突触耦合两个相同的HH神经元,能够体现温度对突触传递的影响,即温度上升引起氧空位迁移和扩散速率发生变化,导致忆阻器电导变化速率加快,进一步影响兴奋性突触后膜电位幅值和放电次数,而相关仿真结果与神经生理实验现象相符.本文的工作表明,改进的氧化钨忆阻器模型更适合作为仿生突触应用到神经形态系统中,将为指导忆阻器的设计制造工艺以提高其仿生突触性能提供参考,也为研究温度对突触传递的影响提供了一种新思路.

关键词 忆阻器, 神经突触, 温度, 离子迁移和扩散 DOI: 10.6052/1672-6553-2021-003

### 引言

大量研究表明,温度对脑功能有着显著影响. 从医学角度来看,强烈建议严格控制患者在创伤修 复时期的体温<sup>[1]</sup>.然而,尽管已经开发了控制脑部 温度的技术,但温度影响神经电活动的直接机制仍 不清楚<sup>[2]</sup>.了解温度对脑功能的影响有助于开发更 有效的方法来治疗对温度敏感的各种神经系统疾 病,包括热水癫痫病、自闭症和脑损伤等<sup>[3]</sup>.此外, 某些神经生物学实验(例如体外研究)通常在低于 生理学的温度下进行.因此,探究神经突触传递的 温度依赖性对体外和体内研究的共融至关重要.

在单个神经元水平上,已经发现温度对脑功能 的多种影响,主要包括细胞膜静息电位、离子通道 的动态特性、突触传递<sup>[3]</sup>三个方面,其中前两个方 面已经通过建模得到了较好的体现.但事实证明温 度对突触传递的影响更难建模,这主要是由于突触 传递涉及多种动态过程,如神经递质的释放、囊泡 孔的动力学特性、神经递质的扩散、神经递质的结 合和突触后受体的动力学特性等.温度对每个过程 的影响是不同的,它们共同决定突触传递的效能.

忆阻器作为第四种基本电路元件,由美国加州 大学的蔡少棠教授于1971年提出[4],2008年惠普 实验室首次研制出实物忆阻器[5].忆阻器具有类似 生物突触的非线性传输特性,且其捏滞回线的非线 性特征易于产生混沌、分岔等复杂动力学行为,基 于其构建的多种突触电路、Hodgkin-Huxley和 FitzHugh-Nagumo神经元电路以及简单神经网络 电路的混沌与同步等行为已经得到了广泛研 究[6-10].并且由于忆阻器的纳米级尺寸,将极大地减 小神经电路的规模与能耗.同时,忆阻器的行为特 性也受到多种因素的影响,其中设备内部温度是重 要因素之一,强烈影响忆阻器内部离子和空位的迁 移与扩散,在建模时必须谨慎分析<sup>[11]</sup>.Graves 实测 分析了氧化钽忆阻器随温度变化的电导性质,发现 电导在室温以上对温度有强烈的依赖性,而对低于 室温的温度不敏感<sup>[12]</sup>.Kocvigit研究了温度对氧化 锌忆阻器电导率的影响,发现两者随温度升高而增 加<sup>[13]</sup>.Kim研究了温度对HfO,/AlO,忆阻器的电导和 长时程可塑性的影响[14].以上忆阻器均缺乏相应的 数学模型,在神经系统建模过程中无法直接应用. Singh通过建立温度依赖的氧化钛忆阻器电导模

<sup>2020-11-23</sup>收到第1稿,2020-12-24收到修改稿.

<sup>\*</sup>国家自然科学基金资助项目(11572084,11972115)

<sup>†</sup>通讯作者 E-mail: yadiahan@dhu.edu.cn

型,得到温度相关的迁移率表达式,进而实现忆阻 开关参数的温度依赖性建模<sup>[15]</sup>.Pahinkar对氧化铪 忆阻器建模时考虑了偏压作用下温度对氧空位迁 移率的促进作用,但未包括无外界电场作用下的回 扩散过程<sup>[16]</sup>.这些模型均属于离子迁移模型,可以 模拟生物突触的非线性传输特性,但在突触可塑性 模拟方面仍有不足,即无法解释短期可塑性(shortterm plasticity, STP)、长期可塑性(long-term plasticity, LTP)和记忆衰退等现象[17].Meng和Wang 所提出的忆阻器模型仅考虑了温度对离子扩散的 影响,忽略了其对离子迁移的作用<sup>[17,18]</sup>.Du提出的 二阶氧化钨忆阻器模型,建模时同时考虑了离子迁 移和扩散过程,虽然此模型在突触可塑性模拟方面 优势明显,包括放电时间依赖可塑性、双脉冲易化、 STP、LTP以及相互转换<sup>[19-21]</sup>,但未考虑温度对迁移 和扩散的影响.

本文将基于文献[19]提出的忆阻器数学模型 改进忆阻突触权值的保留项,并考虑温影响,从而 引入温度变量,从理论上完善原模型的不足.为了 体现温度对突触传递的影响,首先,在一定范围内 控制温度变量,研究忆阻突触电导率的变化;其次, 将该忆阻器作为突触连接两个相同的HH神经元, 研究温度对兴奋性突触后膜电位的影响,并将仿真 结果与神经生理实验进行对比.

#### 1 氧化钨忆阻器模型

#### 1.1 原模型

忆阻器的一个重要应用是作为神经突触应用 到神经形态系统中[17].为了模拟突触的非线性传输 特性,目前已经制作出多种不同材料的忆阻器.文 献[19-21]介绍了一种Pd/WO,/W结构的忆阻器, 该忆阻由顶部钯电极、氧化钨开关层和底部钨电极 三部分组成,其基本结构和实测输入输出特性如图 1(a)所示.在正/负电压作用下,相邻扫描周期的伏 安特性曲线均有重叠,这是由于在扫描间隔期间, 偏压作用下氧空穴的定向迁移作用小于因浓度差 而引起的扩散作用造成的,这有别于传统的离子迁 移模型.为了对该忆阻器进行数学建模,文献[19] 考虑到在偏压作用下,金属-半导体-金属结构可 能产生肖特基势垒和隧道效应,该元件正是通过外 部电压改变二者之间的关系来进行工作的.基于 此,建立了WO.忆阻器的数学模型,其特性方程如 下所示:

$$i = (1 - \omega_c)\alpha \left[1 - \exp(-\beta v)\right] + \omega_c \gamma \sinh(kv) (1)$$

$$\frac{d\omega_m}{dt} = \lambda_m W(\omega_m, v) \sinh(\rho_m |v|) - \frac{\omega_m - \omega_{m0}}{\tau_m^*(\omega_m)} (2)$$

$$\frac{d\omega_c}{dt} = \lambda_c W(\omega_c, v) \exp(\varepsilon \omega_m) \sinh(\rho_c v) - \frac{\omega_c - \omega_{c0}}{\tau_c^*(\omega_m)}$$
(3)

$$\frac{1}{\tau_m^*(\omega_m)} = \frac{\omega_m}{\tau_s} \tag{4}$$

$$\frac{1}{\tau_c^*(\omega_m)} = \frac{1}{\tau_i} + \frac{\sigma\omega_m}{\tau_s}$$
(5)

$$W(\omega, v) = \begin{cases} 1 - \exp\left(-\frac{\omega_{\max} - \omega}{0.0001}\right) & \text{if } v \ge 0\\ 1 - \exp\left(-\frac{\omega - \omega_{\min}}{0.0001}\right) & \text{if } v < 0 \end{cases}$$
(6)







图1 氧化钨忆阻器的介绍(出自文献[19])

Fig.1 The introduction about  $WO_x$  memristor(from Reference[19])

其中,公式(1)为其伏安特性方程,v表示忆阻器的 输入电压,i表示流经电流,方程右端表示存在两个 并联导电通道,分别是肖特基项和隧道项,彼此间 的相关权重由内部状态变量ω。所决定,其代表导

69

电区域面积的有效面积指数,亦可认为是器件的电 导率,在[0,1]区间之内变化; $\alpha, \beta, \gamma, k$ 均是由材料 特性决定的固定正参数,其物理意义依次为肖特基 势垒高度、隧道势垒高度、肖特基势垒区域的耗尽 层宽度、导电区域的有效隧道距离.公式(2)和公式 (3)分别是两个状态变量 $\omega_m$ 和 $\omega_c$ 的动力学方程,其 中第一项描述激励电压的影响,第二项描述具有不 同有效时间的衰减效应 $(\tau_m^*(\omega_m) \eta \tau_e^*(\omega_m)), \omega_m$ 表 示氧空位的有效迁移率.公式(2)展现了在外加电 压驱动下氧空位迁移占主导地位,氧空位的有效迁 移率增加,当撤去外加电压时,氧空位扩散占主导 地位,氧空位的有效迁移率降低.公式(3)通过  $\exp(\varepsilon\omega_{m})$ 因子体现氧空位的移动对 $\omega_{e}$ 的影响.公 式(4)为氧空位的有效衰减时间函数,采用该种形 式是为了更好地捕获拉伸指数类型的衰减,而不是 简单的指数类型衰减,其中7,为短时程的驰豫时间 常数.公式(5)为电导率的有效衰减时间函数,以便 当t小时( $\omega_{m}$ 大时),电导衰减遵循短时程衰减常数  $(\tau_{\iota})$ ,而当t大时( $\omega_{m}$ 小时),电导衰减遵循长时程衰 减时间常数 $(\tau_i)$ .公式(6)为窗函数,旨在控制  $\omega_m, \omega_L$ 的取值范围.根据其特性方程进行仿真,结 果见文献[19].

综合考虑,原忆阻器数学模型能较好地体现突 触传递的功能.但由于原文采用了对称的正负电压 扫描,致使忽略了一些重要细节,当施加不同数目 的相同正脉冲时,撤去外加电压之后,忆阻器的电 阻率衰减之后会维持不同的值,称之为保留值,如 图1(b)所示.然而,在原模型的基础上进行仿真, 当在忆阻器两端施加不同数目,幅值1V,脉冲宽度 1ms的正脉冲时(图2中蓝色实线所示,N=5/10/15, N表示脉冲数目),随着外界刺激数目的增加,电导 率在经过短时程(STP)衰减进入长时程(LTP)之后 均会保持在电导率的初始值左右(图2中红色虚 线),这与该忆阻器实际电导率变化曲线大相径庭. 同时,原模型中公式(2)未考虑温度对迁移的影响, 公式(4)将温度相关的短时程衰减时间<sub>7</sub>。设为常数 也不符合实际,显然原模型存在明显不足.

#### 1.2 改进的氧化钨忆阻器的温度效应模型

迁移和扩散是离子的常见运动形式,迁移是指 在外界电场作用下的离子定向运动,而扩散主要是 由浓度差引起的,同时温度和材料也是重要影响因 素.基于上述原模型的不足,本文进行了如下两点 改进.首先,将电导率的初始值和保留值分开考虑,



图 2 原数学模型在不同数目外界刺激下的忆阻突触遗忘曲线 Fig.2 Memristive synaptic forgetting curve of the original mathematical model under different numbers of external stimulus

为了简化分析,初始电导率 $\omega_{c0}$ 取值为正常数,保留 值 $\omega_{cn}$ 主要受外加电压的作用,刺激频率越高持续 时间越久,氧空位浓度越高,保留值越大<sup>[17]</sup>.其次, 鉴于WO<sub>4</sub>的导电特性是温度依赖的(温度越高电导 越大<sup>[22]</sup>),为了体现温度对氧空位迁移和扩散的影 响,参考了描述氧空位运动速率 $v_{o}^{[11]}$ 和扩散时间  $\tau_{s}^{[18]}$ 的数学模型.其中,

 $v_o = af \exp(-E_a/kT) \sinh(qav/gkT)$  (7) a为有效跳跃距离,f为尝试逃逸频率, $E_a$ 为空位迁 移激活能,k为玻尔兹曼常数,T为温度,q代表单位 电荷量,v为外加电压,g是缺氧层厚度,扩散时 间为:

$$\tau_s(T) = \frac{4L^2}{\pi^2 n(T)} \tag{8}$$

$$n(T) = n_0 \exp\left(-\frac{E_b}{kT}\right) \tag{9}$$

L表示初始富氧层宽度,n(T)为扩散系数,n<sub>0</sub>代表 温度趋近无穷大时的扩散系数,E<sub>b</sub>为扩散激活能. 改进后的忆阻器模型部分公式如下:

$$\frac{\mathrm{d}\omega_{m}}{\mathrm{d}t} = \lambda_{m}W(\omega_{m}, v)\exp\left(-E_{a}/kT\right)\sinh\left(qa\right|v|/gkT\right)$$
$$-\frac{\omega_{m}-\omega_{m0}}{\tau_{m}^{*}(\omega_{m})}$$

$$\frac{\mathrm{d}\omega_{c}}{\mathrm{d}t} = \lambda_{c}W(\omega_{c}, v)\exp\left(\varepsilon\omega_{m}\right)\sinh\left(\rho_{c}v\right) - \frac{\omega_{c}-\omega_{cn}}{\tau_{c}^{*}(\omega_{m})}$$
(11)

$$\frac{\mathrm{d}\omega_{\scriptscriptstyle cn}}{\mathrm{d}t} = \mu \sinh(\theta v) W(\omega_{\scriptscriptstyle cn}, v) \tag{12}$$

$$\frac{1}{\tau_m^*(\omega_m)} = \frac{\omega_m}{\zeta \tau_s(T)} \tag{13}$$

$$\tau_s(T) = \frac{4L^2}{\pi^2 n_0 \exp\left(-\frac{E_b}{kT}\right)}$$
(14)

较之原模型,改进体现在如下方面:公式(10)

为引入温度变量后的氧空位有效迁移率微分方程; 公式(12)为电导率保留值表达式;公式(13)为温度 有关的驰豫时间方程;μ,θ,ζ均为正常数.基于改 进的数学模型,在如图3(a)蓝色虚线所示的三角 波电压作用下,其电流随时间变化如红色实线所 示,图3(b)为忆阻器的典型捏滞回线,图3(c)和图 3(d)表示氧空位有效迁移率 $\omega_m$ 和电导率 $\omega_c$ 在不同 扫描周期的变化情况,证实改进的数学模型同样可 以实现原模型的功能.进一步,在不同数目的相同 正脉冲作用下,其电导率和电导率保留值变化曲线 如图4所示,随着刺激数目的增加,电导率保留值  $\omega_{a}$ 逐渐增加,导致在N=5/10/15时,电导率 $\omega_{a}$ 衰减 进入慢时程之后依次保持在0.33/0.36/0.38 左右, 即随着外界刺激数目的增加,忆阻保留值升高,较 之原模型电导率变化情况,显然图4更加契合实测 遗忘曲线.



图 3 改进的忆阻器数学模型在连续正(负)扫描电压下仿结果, T=300K (a) v-t, i-t 曲线; (b) i-v 曲线; (c) $\omega_m$ -t 曲线; (d) $\omega_c$ -t 曲线 Fig. 3 The simulation results of the improved WOx memristor with continuous positive (negative) input, T=300K (a) v-t, i-t curve; (b) i-v curve; (c) $\omega_m$ -t curve; (d) $\omega_c$ -t curve

#### 2 温度对忆阻突触权值的影响

(V)

0.03

0.025

0.02

0.015

0.0

0.005

(a)

0.5

0.5

1.5 2

1.5 2

突触传递是温度敏感的,低温时突触前末端分 泌的递质数量通常会减少,并且这种分泌发生所需 的时间会增加.由于递质的释放主要通过突触前神 经元的去极化和随后进入突触末端的钙离子量来 控制,因此这些变量中的一个或两个都可能与突触 传递的温度敏感性有关.通过引入的公式(7)和公 式(10),可以看出温度上升引起氧空位迁移速率加 快,类似于温度升高对钙离子分泌和运输的促进作 用<sup>[23]</sup>,新模型更加符合突触传递的生理过程.因此本文分别采用忆阻器氧空位浓度和电导率*ω*。模拟 生物突触中的钙离子浓度和突触权重<sup>[19]</sup>.

进一步,我们仿真了在幅值1.1V持续时间1ms 的单个脉冲刺激下,不同温度下忆阻突触权值的变 化曲线图,如图5所示.仿真结果显示,针对偏压作 用下离子迁移过程导致的忆阻电导率变化情况,当 温度处于270K至290K时,忆阻器权值变化较小, 即低温不敏感;当温度在310K至330K之间递增 时,忆阻电导率明显增大,即强烈的高温依赖特性,



改进的数学模型在不同外界刺激数目下的忆阻突触遗忘曲 图4 线,T=300K

Fig.4 The memristive synaptic forgetting curve of the improved mathematical model under different numbers of external stimulus, T=300K



该结果与离子迁移型的氧化钽忆阻器的实测结果 相一致[12];针对温度依赖的扩散过程,温度越高扩 散速率越大,弛豫时间越短,忆阻权值降低越快,该 现象同样符合氧化锌忆阻器的实测结果[18].由此可 见,温度是影响此种忆阻突触权值的重要因素.

#### 温度对兴奋性突触后膜电位的影响 3

突触是神经元之间在功能上发生联系的部位,

也是信息传递的关键部位,按照功能可分为兴奋性 突触和抑制性突触,前者使突触后细胞的兴奋性上 升,后者反之.文献[23]通过对枪乌贼的巨型突触 进行生理测试,得到了不同温度下的兴奋性突触后 膜电位的变化情况,发现尽管降低了突触前神经元 动作电位的幅值和持续时间,但随着温度升高,突 触后膜的的兴奋性动作电位仍然明显升高.众所周 知,减小突触前神经元动作电位的幅值和持续时间 会诱使轴突末梢释放较少的神经递质,因此兴奋性 动作电位的上升必定是高温诱发的.由此可见,在 某种程度上,较之突触前神经元的去极化状态,温 度对突触传递的影响更大.



#### on memristor coupling

上文所述的氧化钨忆阻器,可以模仿生物突触 的一系列可塑性,包括放电时间依赖可塑性 (STDP)、双脉冲易化(PPF)、STP、LTP以及相互转 换等.基于其电导变化率ω.在[0,1]之间,单个忆 阻器只能模仿兴奋性突触的功能.本文采用单个忆 阻器对两个 Hodkin-Huxley 神经元模型<sup>[24]</sup>进行单 向耦和,电路原理图如图6所示.其中,对突触前神 经元直接施加外部刺激电流致使其发生峰/簇放电 行为,而突触后神经元所接收的刺激来自于忆阻突 触电流和外部刺激电流,数学模型描述如下:

$$C_{m} \frac{\mathrm{d}v_{i}}{\mathrm{d}t} = -g_{Na}m^{3}h(v_{i} - E_{Na}) - g_{K}n^{4}(v_{i} - E_{K})$$
$$-g_{L}(v_{i} - E_{L}) + i_{exti} \quad (i = 1, 2)$$

$$\frac{\mathrm{d}n}{\mathrm{d}t} = \alpha_n(v) \left(1 - n\right) - \beta_n(v) n \tag{16}$$

$$\frac{\mathrm{d}m}{\mathrm{d}t} = \alpha_m(v) \left(1 - m\right) - \beta_m(v)m \tag{17}$$

$$\frac{\mathrm{d}h}{\mathrm{d}t} = \alpha_h(v) \left(1 - h\right) - \beta_h(v)h \tag{18}$$

$$i_{syn} = (1 - \omega_c) \alpha \left[ 1 - \exp\left(-\beta \delta(v_1 - v_2)\right) \right] + \omega_c \gamma \sinh\left(k \delta(v_1 - v_2)\right)$$
(19)

$$\alpha_n = -0.01(v_i + 55)/(\exp(-0.1(v_i + 55)) - 1)$$
(20)
$$\beta_n = 0.125\exp(-(v_i + 65)/80)$$
(21)

$$\alpha_m = -0.1(v_i + 40)/(\exp\left(-0.1(v_i + 40)\right) - 1)$$

$$\beta_m = 4\exp(-(v_i + 65)/18) \tag{23}$$

$$\alpha_h = 0.07 \exp(-(v_i + 65)/20) \tag{24}$$

$$\beta_h = 1/(\exp\left(-0.1(v_i + 35) + 1\right)) \tag{25}$$

微分方程组中, $v_1$ 和 $v_2$ 分别表示突触前和突触后神 经元膜电位, $i_{exti}$ 为外加刺激电流, $i_{syn}$ 为突触电流,  $\omega_c$ 为突触权重,正参数 $\delta$ 的引入是为了满足忆阻突 触的工作电压范围. $C_m$ 为膜电容, $g_{Na}$ 、 $g_K$ 分别为钠 通道、钾通道最大电导, $g_L$ 为漏电导; $E_{Na}$ 、 $E_k$ 、 $E_L$ 分 别为钠通道、钾通道活化过程参数;h为钠通道失 活过程参数. $\alpha$ 函数和 $\beta$ 函数是与膜电位有关而与 时间无关的速率常数.





忆阻器是初值敏感元件,其电导率取决于历史 电压和电流,不同初始值对突触后膜电位的影响十 分显著.突触电流*i*<sub>sn</sub>随着忆阻突触权值初值ω<sub>c</sub>0的 增大而增大,当外部刺激电流总和(*i*<sub>es2</sub> + *i*<sub>sn</sub>)超过 8.8μA/cm<sup>2</sup>时,突触后神经元从静息态转变为周期 峰放电状态<sup>[25]</sup>.当*i*<sub>es1</sub> = 9μA/cm<sup>2</sup>,*i*<sub>es2</sub> = 8μA/cm<sup>2</sup>,温 度为300K时,突触后膜电位最大值随忆阻突触权 值初值变化的响应图如图7所示.当初值在0.1至 0.85之间变化时,突触后神经元膜电位处于阈下振 荡状态,初值超过0.85之后,神经元处于周期峰放 电状态.因本文主要研究温度对兴奋性突触后膜电 位的影响,为了避免初值选取不当造成的干扰,将 初值的选取范围控制在[0.1,0.8]之间.

当忆阻突触的初始权值 $\omega_{c0}$ 取值 $0.3, i_{ext}$ 等于 9 $\mu$ A/cm<sup>2</sup>,  $i_{ext}$ 等于 $0\mu$ A/cm<sup>2</sup>, 开关S处于打开状态











时,突触前和突触后神经元放电状态如图8所示, 在无突触电流输入情况下,突触后神经元自发放电 之后一直保持静息电位.闭合开关S后,保持ω<sub>co</sub>, *i*<sub>ext</sub>和*i*<sub>ext2</sub>取值不变,温度取值依次为*T*=290K、*T*= 310K和*T*=330K,突触后膜电位变化呈现如图9 (a)-图9(c)所示的阈下振荡状态,随着温度升高, 兴奋性突触后膜电位呈上升趋势.为进一步阐述温 度对突触后膜电位的影响,设定温度在*T*=290K至 330K之间递增,仿真得到突触后膜电位变化曲线, 结果如图10所示.在低于室温时(290K-300K),此 时兴奋性突触后膜电位升高不明显.当温度高于室 温时(310K-330K),兴奋性突触后膜电位明显增 大,该结果与高温下(29℃-37℃)大鼠海马组织切 片中实测兴奋性突触后膜电位变化情况相一致<sup>[26]</sup>. 因此,采用改进的温度依赖型忆阻器模型可研究高 温对兴奋性突触后膜电位的影响,低温情况下与生 理实验结果对比略显不足.





当忆阻突触的初始权值 $\omega_{c0}$ 取值0.65, $i_{ext1}$  = 15sin(0.001t) $\mu$ A/cm<sup>2</sup>, $i_{ext2}$  = 14sin(0.001t) $\mu$ A/cm<sup>2</sup>, 开关S处于打开状态时,突触前神经元呈现周期性 簇放电状态,突触后神经元经历短暂的簇放电状态 之后转变为阈下振荡状态,变化情况如图11所示. 开关S闭合后,温度取值依次为T=290K、T=310K 和T=330K,突触后膜电位变化情况如图12(a)-图12(c)所示,随着温度升高,突触后神经元放电次数 逐渐减少,该结果同样与生理实验现象相符<sup>[27]</sup>.



turned off

#### 4 总结

本文在原氧化钨忆阻器数学模型的基础上,通 过仿真呈现了其与忆阻器实测行为特性的差别,并 考虑了温度对离子迁移和扩散的影响,基于此,引 入了忆阻保留值ω。和温度变量T.改进的模型不仅



具有原模型的功能,并且可以拟合忆阻器的实际遗 忘曲线以及符合同类型氧化物忆阻器的温度敏感 特性.进一步,将此忆阻器作为生物突触耦合两个 相同的HH神经元,通过对突触前后神经元施加不 同的外部刺激电流,能够体现温度对突触传递的影 响,即温度上升影响氧空位迁移和扩散速率,对应 地引起兴奋性突触后膜电位的升高和放电次数的 减少,数字仿真结果与神经生理现象相符.改进的 氧化钨忆阻器模型更适合作为仿生突触应用到神 经形态系统中,也为研究温度对突触传递的影响提 供了一种新思路.

参考文献

- Mrozek S, Vardon F, Geeraerts T, et al. Brain temperature: physiology and pathophysiology after brain injury. *Anesthesiology Research and Practice*, 2012, 2012:989487
- 2 Badjatia N. Hyperthermia and fever control in brain injury.

Critical Care Medicine, 2009, 37:S250

- 3 Kufel D S, Wojcik G M. Analytical modelling of temperature effects on an AMPA-type synapse. *Journal of Computational Neuroscience*, 2018, 44(3): 379~391
- 4 Chua L O. Memristor the missing circuit element. *IEEE Transactions on Circuit Theory*, 1971, 18(5):507~519
- 5 Strukov D B, Snider G S, Stewart D R, et al. The missing memristor found. *Nature*, 2008, 453(7191):80~83
- 6 乔磊,茅晓晨.时滞诱发的忆阻型 Hopfield 神经网络的 复杂动力学.动力学与控制学报,2019,17(4):384~390 (Qiao L, Mao X C. Delay-induced complicated dynamics of a memristive hopfield neural network. *Journal of Dynamics and Control*,2019,17(4):384~390(in Chinese))
- 7 曲良辉,都琳,胡海威,等.电磁刺激对FHN神经元系统的调控作用.动力学与控制学报,2020,18(1):40~48 (Qu L H, Du L, Hu H W, et al. Regulation of electromagnetic sti-mulation on FHN neuronal system. *Journal of Dynamics and Control*,2020,18(1):40~48(in Chinese))
- 8 Zhang J H, Liao X F. Effects of initial conditions on the synchronization of the coupled memristor neural circuits. *Nonlinear Dynamics*, 2019,95(2):1269~1282
- 9 Li Y, Xu L, Zhong Y P, et al. Associative learning with temporal contiguity in a memristive circuit for large-scale neuromorphic networks. *Advanced Electronic Materials*, 2015,1(8):1500125
- 10 Wu F, Gu H. Bifurcations of negative responses to positive feedback current mediated by memristor in a neuron model with bursting patterns. *International Journal of Bifurcation and Chaos*, 2020, 30(4):2030009
- 11 Kim S, Du C, Sheridan P, et al. Experimental demonstration of a second-order memristor and its ability to biorealistically implement synaptic plasticity. *Nano Letters*, 2015, 15(3):2203~2211
- 12 Graves C, Davila N, Mercedgrafals E J, et al. Temperature and field-dependent transport measurements in continuously tunable tantalum oxide memristors expose the dominant state variable. *Applied Physics Letters*, 2017, 110 (12):123501
- 13 Kocyigit A, Orak I, Aydogan Ş, et al. Temperature-dependent C-V characteristics of Au/ZnO/n-Si device obtain-ed by atomic layer deposition technique. *Journal of Materials Science : Materials in Electronics*, 2017, 28(8): 5880~5886
- 14 Kim S, Chen J, Chen Y C, et al. Neuronal dynamics in HfO<sub>x</sub>/AlO<sub>y</sub>-based homeothermic synaptic memristors with low-power and homogeneous resistive switching. *Nanoscale*, 2019,11(1):237~245
- 15 Singh J, Raj B. Temperature dependent analytical modeling and simulations of nanoscale memristor. *Engineering Science and Technology*, an International Journal, 2018,

21(5):862~868

- Pahinkar D G, Basnet P, West M P, et al. Experimental and computational analysis of thermal environment in the operation of HfO<sub>2</sub> memristors. *AIP Advances*, 2020, 10 (3):035127
- 17 孟凡一,段书凯,王丽丹,等.一种改进的WO<sub>x</sub>忆阻器模型及其突触特性分析.物理学报,2015,64(14):363~373(Meng F Y, Duan S K, Wang L D, et al. Animproved WO<sub>x</sub> memristor model with synapse characteristic analysis. *Acta Physica Sinica*. 2015,64(14):363~373(in Chinese))
- 18 Wang Z, Xu H Y, Li X H, et al. Synaptic learning and memory functions achieved using oxygen ion migration/diffusion in an amorphous InGaZnO memristor. Advanced Functional Materials, 2012, 22(13):2759~2765
- 19 Du C, Ma W, Chang T, et al. Biorealistic implementation of synaptic functions with oxide memristors through internal ionic dynamics. *Advanced Functional Materials*, 2015, 25(27):4290~4299
- 20 Chang T, Jo S H, Kim K, et al. Synaptic behaviors and modeling of a metal oxide memristive device. Applied Physics A, 2011, 102(4):857~863
- 21 Chang T, Jo S H, Lu W, et al. Shortterm memory to longterm memory transition in a nanoscale memristor. ACS Nano, 2011, 5(9):7669~7676
- 22 Berggren L, Ederth J, Niklasson G A, et al. Electrical conductivity as a function of temperature in amorphous lithium tungsten oxide. Solar Energy Materials and Solar Cells, 2004, 84(1): 329~336
- 23 Charlton M P, Atwood H L. Synaptic transmission: temperature-sensitivity of calcium entry in presynaptic terminals. *Brain Research*, 1979, 170(3):543~546
- Hodgkin A L, Huxley A F. A quantitative description of embrane current and its application to conduction a-nd excitation in nerve. *The Journal of physiology*, 1952, 117 (4):500~544
- 25 曹金凤,韩芳.考虑树突整合效应的神经元网络的放电和同步特性.动力学与控制学报,2019,17(6):560~ 566(Cao J F, Han F. Firing and synchronization characteristics of neuronal networks considering dendritic integration effect. *Journal of Dynamics and Control*, 2019, 17 (6):560~566(in Chinese))
- 26 Schiff S J, Somjen G G. The effects of temperature onsynaptic transmission in hippocampal tissue slices. *Brain Research*, 1985, 345(2):279~284
- 27 Hook M J V. Temperature effects on synaptic transmission and neuronal function in the visual thalamus. PLoS ONE, 2020, 15(4):e0232451

## AN IMPROVED TEMPERATURE-BASED MEMRISTOR MODEL AND ITS BIONIC SYNAPTIC TRANSMISSION \*

Zhang Meng<sup>1</sup> Cheng Yu<sup>1</sup> Zhang Yi<sup>2</sup> Zhu Qinghua<sup>1</sup> Han Fang<sup>1†</sup>

(1.Donghua University, Academy of Information Science and Technology, Shanghai 201620, China)
 (2.Donghua University, Academy of Materials Science and Engineering, Shanghai 201620, China)

**Abstract** Synaptic transmission is temperature-sensitive. However, due to lack of a temperature-dependent synaptic conductance model, it is difficult to study the temperature effects when modeling nervous systems. The memristor is widely considered to be ideal bionic synapse due to its continuously variable resistance and nanometer size. This paper proposes a new tungsten oxide memristor model by improving the memristive retention value and taking into account the effect of temperature on ion migration and diffusion, which theoretically captures the actual behaviors of the memristor. In addition, this memristor is used as a bionic synapse to couple two identical HH neurons, and this system can reflect the influence of temperature on synaptic transmission. Simulation studies demonstrate that, as the temperature rises, the rate of oxygen vacancy migration and diffusion increases, and hence accelerates the memristor conductance change rate, and further affects the amplitude of excitatory postsynaptic membrane potential and the number of postsynaptic neural firings, all of which accords well with biological experimental findings. This paper shows that the improved tungsten oxide memristor model is more suitable for simulating neural synapse in neuromorphic systems, and hence could guide design and manufacturing of memristor to improve its bionic performance, and this model also provides a new idea for studying the effect of temperature on synaptic transmission.

Key words memristor, model, synapse, temperature, ion migration and diffusion

Received 23 November 2020, revised 24 December 2020.

<sup>\*</sup> The project supported by the National Nature Science Foundation of China (11572084, 11972115)

<sup>†</sup> Corresponding author E-mail: yadiahan@dhu.edu.cn